

## DETALJNI IZVEDBENI NASTAVNI PLAN PREDMETA

<b>Opće informacije</b>		
<b>Naziv predmeta</b>	Linearna algebra II	
<b>Studijski program</b>	Sveučilišni prijediplomski studij Matematika	
<b>Godina</b>	1.	
<b>Status predmeta</b>	Obvezatan	
<b>Web stranica predmeta</b>	Merlin	
<b>Mogućnost izvođenja nastave na engleskom jeziku</b>		
<b>Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave</b>	<b>ECTS koeficijent opterećenja studenata</b> <b>Broj sati (P+V+S)</b>	8 45+45+0
<b>Nositelj predmeta</b>	<b>Ime i prezime</b>	<b>Marijana Butorac</b>
	<b>Ured</b>	O-323
	<b>Vrijeme za konzultacije</b>	Ponedjeljak 12:30-14:00
	<b>Telefon</b>	584-655
	<b>e-adresa</b>	mbutorac@uniri.hr
<b>Suradnici na predmetu</b>	<b>Ime i prezime</b>	<b>Sara Ban</b>
	<b>Ured</b>	O-524
	<b>Vrijeme za konzultacije</b>	Četvrtak 16:45-18:15
	<b>Telefon</b>	584-688
	<b>e-adresa</b>	sban@math.uniri.hr

### 1. OPIS PREDMETA

#### 1.1. Ciljevi predmeta

Osnovni cilj kolegija jest upoznati studente s osnovama linearne algebre. U tu je svrhu u okviru kolegija

potrebno:

- analizirati rješivost sustava linearnih jednadžbi i strukturu skupa rješenja;
- definirati linearnu mnogostrukost;
- razlikovati i primjenjivati različite načine rješavanja linearnih sustava;
- definirati karakteristični i minimalni polinom i analizirati njihova svojstva;
- definirati svojstvene vrijednosti linearog operatora, analizirati njihova svojstva i opisati način njihovog određivanja;
- argumentirano primjenjivati kriterije dijagonalizacije linearog operatora ;
- definirati Jordanovu formu matrice;
- definirati unitarne prostore i normu, analizirati Cauchy-Schwartzovu nejednakost ;
- definirati ortonormiranu bazu i ortogonalni komplement, te opisati Gram - Schmidtov postupak ortogonalizacije;
- uvesti koncepte operatora na unitarnim prostorima;
- definirati glavne osobine unitarnih, ortogonalnih, hermitskih, simetričnih i antihermitskih matrica;
- analizirati kvadratne forme.

## **1.2. Korelativnost i korespondentnost predmeta**

## **1.3. Očekivani ishodi učenja za predmet**

Nakon odslužanog predmeta i položenog ispita studenti će biti u stanju:

- riješiti zadatke primjenom različitih metoda rješavanja sustava linearnih jednadžbi (A6, B6, C6, D3, E3, F3)
- klasificirati svojstva linearog operatora (unitarni operatori, ortogonalni operatori, simetrični i antisimetrični operatori, hermitski i antihermitski operatori) (A6, B6, C6, D3, E4, F3)
- argumentirano primijeniti operacije s vektorima u rješavanju zadataka (A6, B6, C6, D5, E4, F5)
- odrediti Jordanovu formu matrice (A4, B4, C3, D2, E2, F2)
- konstruirati ortonormiranu bazu unitarnog prostora (A6, B6, C6, D4, E3, F5)
- koristiti vektorske i matrične norme u rješavanju zadataka (A6, B6, C3, D2, E2, F2)
- razlikovati unitarne, normirane i metričke prostore (A6, B6, C3, D2, E2, F2)
- odrediti kanonski oblik (binarne) kvadratne forme (A4, B4, C3, D2, E2, F2)
- matematički dokazati utemeljenost postupaka i formula kojima se služe u okviru ovog predmeta (A6, B6, C6, D6, E5, F5)

## **1.4. Okvirni sadržaj predmeta**

Sustavi linearnih jednadžbi. Cramerovi sustavi. Homogeni i nehomogeni sustavi. Rješavanje sustava linearnih jednadžbi.

Karakteristični i minimalni polinom. Invarijantni potprostori. Svojstvene vrijednosti linearog operatora. Jordanova forma matrice.

Unitarni prostori. Nejednakost Schwarz-Cauchy-Bunjakovski. Norma. Metrika. Gram-Schmidtov postupak ortogonalizacije. Operatori na unitarnim prostorima. Unitarni operatori. Hermitski adjungirani operatori. Hermitski operatori. Simetrični operatori i kvadratne forme.

### **1.5. Vrste izvođenja nastave**

- predavanja  
 seminar i radionice  
 vježbe  
 e-učenje  
 terenska nastava  
 praktična nastava  
 praktikumska nastava

- samostalni zadaci  
 multimedija i mreža  
 laboratorijski rad  
 projektna nastava  
 mentorski rad  
 konzultativna nastava  
 ostalo

### **1.6. Komentari**

## **1.7. Oblici praćenja studenata i način vrednovanja rada studenata tijekom nastave**

Studenti su obavezni prisustvovati nastavi, aktivno sudjelovati u svim oblicima nastave, ostvariti određen broj bodova kroz semestar te položiti završni ispit. U toku semestra pisat će se 2 kolokvija.

### **KOLOKVIJI (70 bodova)**

Kolokviji će uključivati praktične zadatke iz vježbi i zadatke vezane uz gradivo obrađeno na predavanjima, a na svakom kolokviju student će moći skupiti maksimalnih **35 bodova**.

U zadnjem tjednu nastave svaki će student imati mogućnost popravljati jedan kolokvij po izboru. Bodovi ostvareni na kolokviju kojeg se želi popravljati se brišu te se mjerodavnim smatraju bodovi ostvareni na ponovljenom kolokviju.

## 2. SUSTAV OCJENJVANJA

### 2.1. Ocjenjivanje i vrednovanje rada studenata tijekom nastave te način polaganja ispita

Rad studenta na predmetu će se vrednovati i ocjenjivati tijekom nastave i na završnom ispitu. **Ukupan broj bodova koje student može ostvariti tijekom nastave je 70** (ocjenjuju se opisane aktivnosti studenata). **Kroz sve oblike kontinuiranog praćenja i vrednovanja studenata tijekom nastave treba ukupno skupiti barem 35 ocjenskih bodova da bi se moglo pristupiti ispitu. Na ispitu je moguće ostvariti maksimalno 30 bodova.** Prag prolaznosti na završnom ispitu ne može biti manji od 50% uspješno riješenog ispita. **Ispit se polaže kao usmena provjera znanja.**

### 2.2. Minimalni uvjeti za pristup ispitu/prolaznu ocjenu

AKTIVNOST KOJA SE BODUJE	MINIMALNI BROJ BODOVA
Kolokviji	35
<b>UKUPNO:</b>	<b>35</b>
<b>OSTALI UVJETI:</b>	

### 2.3. Formiranje konačne ocjene

Na temelju ukupnog zbroja ocjenskih bodova stečenih tijekom nastave i na završnom ispitu određuje se konačna ocjena prema sljedećoj raspodjeli:

OCJENA	BODOVI
5 (A)	od 90 do 100 ocjenskih bodova
4 (B)	od 75 do 89,9 ocjenskih bodova
3 (C)	od 60 do 74,9 ocjenskih bodova
2 (D)	od 50 do 59,9 ocjenskih bodova
1 (F)	od 0 do 49,9 ocjenskih bodova

## 3. LITERATURA

### 3.1. Obvezna literatura

1. K. Horvatić: *Linearna algebra*, Sveučilište u Zagrebu, PMF, Matematički odjel, Zagreb, 2001.
2. S. Kurepa: *Uvod u linearu algebru*, Školska knjiga, Zagreb, 1975.

### 3.2. Dodatna literatura

1. A. Aglić Aljinović, N. Elezović: *Linearna algebra : zbirka zadataka*, Zagreb : Element, 2003.
2. D. Bakić: *Linearna algebra*, Školska knjiga, Zagreb, 2008.
3. N. Bakić, A. Milas, *Zbirka zadataka iz linearne algebre*, PMF – Matematički odjel, Zagreb, 1996.
4. L. Čaklović: *Zbirka zadataka iz linearne algebre*, Školska knjiga, Zagreb, 1976.
5. J. Dieudonne: *Linearna algebra i elementarna geometrija*, Školska knjiga, Zagreb, 1977.
6. J. Hefferon, *Linear Algebra*, <http://joshua.smcvt.edu/linearalgebra/>
7. S. Kurepa: *Konačnodimenzionalni vektorski prostori*, Liber, Zagreb, 1992.

## 4. DODATNE INFORMACIJE O PREDMETU

### 4.1. Pohađanje nastave

Ne tolerira se nikakav oblik remećenja nastave te korištenje mobitela za vrijeme nastave, na kolokvijima, testovima i ispitima. Studenti su dužni poštovati norme Etičkog kodeksa Sveučilišta u Rijeci.

### 4.2. Način informiranja studenata

Osim prisustovanja klasičnoj nastavi na predavanjima i vježbama studenti su dužni koristiti sustav za učenje Merlin (<https://moodle.srce.hr>). Povratne informacije o vlastitom radu i

napredovanju na nastavi student će dobivati na konzultacijama ili putem sustava Merlin (te putem e-maila po dogovoru). Studenti su obavezni kontinuirano provjeravati obavijesti na pripadnom e-kolegiju u sustavu Merlin.

#### 4.3. Ostale relevantene informacije

Od studenata se očekuje visok stupanj samostalnosti i odgovornosti u radu. Tijekom rada na kolegiju poticat će se aktivni pristup učenju.

Prilikom izrade zadataka predviđenih planom i programom kolegija studenti se ne smiju služiti tuđim tekstom kao svojim. Svako neovlašteno preuzimanje tuđega teksta bez navođenja izvora smatra se intelektualnom krađom i podložno je sankcijama predviđenim važećim aktima! Uratke koje studenti budu slali putem sustava Merlin trebaju pripremiti prema uputi koju će dobiti na nastavi.

#### 4.4. Način praćenja kvalitete i uspješnosti izvedbe predmeta

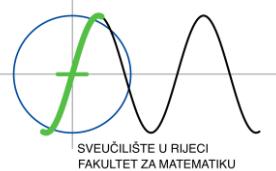
Kvaliteta održane nastave prati se u skladu s aktima Fakulteta za matematiku i Sveučilišta u Rijeci. Krajem semestra provodit će se anonimna anketa u kojoj će studenti evaluirati kvalitetu održane nastave iz ovog predmeta. Nakon završetka semestra provedet će se analiza uspješnosti studenata iz ovog predmeta.

#### 4.5. Ispitni rokovi

Ljetni	15.06.2023. u 8:30, soba 335 06.07.2023. u 8:30, soba 335
Jesenski izvanredni	07.09.2023. u 8:30, soba 335

### 5. SATNICA IZVOĐENJA NASTAVE I ODRŽAVANJA KOLOVKIJA U AKADEMSKOJ GODINI 2022/2023.

DATUM	VRIJEME	OBLIK NASTAVE	NAZIV TEME	GRUPA	PROSTORIJA
27.02.2023.	9:15-12:00	AV	Ponavljanje gradiva LAI potrebnog za kolegij LAII. Rješivost sustava linearnih jednadžbi.	1.grupa	027
01.03.2023.	9:15-12:00	P	Rješivost sustava linearnih jednadžbi. Cramerovi sustavi.	SVI	027
02.03.2023.	14:15-17:00	AV	Ponavljanje gradiva LAI potrebnog za kolegij LAII. Rješivost sustava linearnih jednadžbi.	2.grupa	027
06.03.2023.	9:15-12:00	AV	Cramerovi sustavi. Homogeni i nehomogeni sustavi.	1.grupa	027
08.03.2023.	9:15-12:00	P	Homogeni i nehomogeni sustavi. Rješavanje sustava linearnih jednadžbi.	SVI	027
09.03.2023.	14:15-17:00	AV	Cramerovi sustavi. Homogeni i nehomogeni sustavi.	2.grupa	027
13.03.2023.	9:15-12:00	AV	Rješavanje sustava linearnih jednadžbi.	1.grupa	027
15.03.2023.	9:15-12:00	P	Svojstvene vrijednosti linearног operatora.	SVI	027
16.03.2023.	14:15-17:00	AV	Rješavanje sustava linearnih jednadžbi.	2.grupa	027
20.03.2023.	9:15-12:00	AV	Svojstvene vrijednosti linearног operatora.	1.grupa	027
22.03.2023.	9:15-12:00	P	Karakteristični i minimalni polinom.	SVI	027
23.03.2023.	14:15-17:00	AV	Svojstvene vrijednosti linearног operatora.	2.grupa	027
27.03.2023.	9:15-12:00	AV	Karakteristični i minimalni polinom.	1.grupa	027
29.03.2023.	9:15-12:00	P	Invarijantni potprostori.	SVI	027
30.03.2023.	14:15-17:00	AV	Karakteristični i minimalni polinom.	2.grupa	027
03.04.2023.	9:15-12:00	AV	Invarijantni potprostori.	1.grupa	027
05.04.2023.	9:15-12:00	P	Jordanova forma matrice.	SVI	027



SVEUČILIŠTE U RIJEKI  
FAKULTET ZA MATEMATIKU

**Sveučilište u Rijeci • Fakultet za matematiku**

Radmile Matejčić 2 • 51 000 Rijeka • Hrvatska

T: (051) 584-650 • F: (051) 584-699

<http://www.math.uniri.hr> e-adresa: math@math.uniri.hr

06.04.2023.	14:15-17:00	AV	Invarijantni potprostori.	2.grupa	027
12.04.2023.	9:15-12:00	P	Unitarni prostori. Nejednakost Schwarz-Cauchy-Bunjakovski.	SVI	027
13.04.2023.	14:15-17:00	AV	Jordanova forma matrice.	2.grupa	027
17.04.2023.	9:15-12:00	AV	Jordanova forma matrice.	1.grupa	027
19.04.2023.	9:15-12:00	P	Norma. Metrika.	SVI	027
20.04.2023.	14:15-17:00	AV	Unitarni prostori. Schwarz-Cauchy-Bunjakovski.	2.grupa	027
24.04.2023.	9:15-12:00	AV	Unitarni prostori. Schwarz-Cauchy-Bunjakovski.	1.grupa	027
26.04.2023.	9:15-12:00	P	Gram-Schmidtov postupak ortogonalizacije.	SVI	027
27.04.2023.	18:00-20:00		<b>1.KOLOVKVIJ</b>		027, S31
03.05.2023.	9:15-12:00	P	Gram-Schmidtov postupak ortogonalizacije.	SVI	027
04.05.2023.	14:15-17:00	AV	Norma. Metrika.	2.grupa	027
08.05.2023.	9:15-12:00	AV	Norma. Metrika.	1.grupa	027
10.05.2023.	9:15-12:00	P	Operatori na unitarnim prostorima. Unitarni operatori.	SVI	027
11.05.2023.	14:15-17:00	AV	Gram-Schmidtov postupak ortogonalizacije.	2.grupa	027
15.05.2023.	9:15-12:00	AV	Gram-Schmidtov postupak ortogonalizacije.	1.grupa	027
17.05.2023.	9:15-12:00	P	Unitarni operatori.	SVI	027
18.05.2023.	14:15-17:00	AV	Operatori na unitarnim prostorima. Unitarni operatori.	2.grupa	027
22.05.2023.	9:15-12:00	AV	Operatori na unitarnim prostorima. Unitarni operatori.	1.grupa	027
24.05.2023.	9:15-12:00	P	Hermitski adjungirani operatori. Hermitski operatori.	SVI	027
25.05.2023.	14:15-17:00	AV	Unitarni operatori. Hermitski adjungirani operatori. Hermitski operatori.	2.grupa	027
29.05.2023.	9:15-12:00	AV	Unitarni operatori. Hermitski adjungirani operatori. Hermitski operatori.	1.grupa	027
31.05.2023.	9:15-12:00	P	Simetrični operatori. Kvadratne forme.	SVI	027
31.05.2023.	18:00-20:00		<b>2.KOLOVKVIJ</b>		027, S31
01.06.2023.	14:15-17:00	AV	Simetrični operatori. Kvadratne forme.	2.grupa	027
05.06.2023.	9:15-12:00	AV	Simetrični operatori. Kvadratne forme.	1.grupa	027
07.06.2023.	9:15-12:00	P	Završno predavanje.	SVI	027
07.06.2023.	18:00-20:00		<b>POPRAVNE AKTIVNOSTI.</b>		027

Moguća su manja odstupanja u realizaciji izvedbenog plana.

Do 40% planirane nastave može biti održano online.

P – predavanja

AV – auditorne vježbe

VP – vježbe u praktikumu

MV – metodičke vježbe

S – seminari